

CONTENUS	COMPÉTENCES EXIGIBLES	COMMENTAIRES
Triangle. Somme des angles d'un triangle. Construction de triangles et inégalité triangulaire Cercle circonscrit à un triangle	Utiliser, dans une situation donnée, la somme des angles d'un triangle. Savoir l'appliquer aux cas particuliers du triangle équilatéral, d'un triangle rectangle, d'un triangle isocèle. Construire un triangle connaissant : - la longueur d'un côté et les deux angles qui lui sont adjacents, - les longueurs de deux côtés et l'angle compris entre ces deux côtés, - les longueurs des trois côtés. Construire le cercle circonscrit à un triangle.	La symétrie centrale ou la caractérisation angulaire du parallélisme qui en découle permettent de démontrer que la somme des angles d'un triangle est égale à 180 degrés. Exemple d'utilisation : trouver quels triangles isocèles ont un angle de 80 degrés. On remarquera, dans chaque cas où la construction est possible, que lorsqu'un côté est placé, on peut construire plusieurs triangles, deux à deux symétriques par rapport à ce côté, à sa médiatrice ou à son milieu. On rencontrera à ce propos l'inégalité triangulaire, $AB+BC \geq AC$ dont l'énoncé sera admis. Le cas de l'égalité $AB+BC=AC$ sera commenté et illustré. La caractérisation de la médiatrice d'un segment à l'aide de l'équidistance a déjà été rencontrée en sixième. Elle permet de démontrer que les trois médiatrices d'un triangle sont concourantes et justifie la construction du cercle circonscrit à un triangle.

I. SOMME DES ANGLES D'UN TRIANGLE.

a. Propriété :

La somme des angles d'un triangle vaut toujours 180° .

b. Conséquences :

Dans un triangle équilatéral, chaque angle mesure 60° .

Dans un triangle rectangle, les deux angles aigus sont **complémentaires**.

II. CONSTRUCTIONS DE TRIANGLES.

(voir fiche de cours)

III. CERCLE CIRCONSCRIT À UN TRIANGLE

a. Médiatrice d'un segment :

La médiatrice d'un segment $[AB]$ est la droite (d) perpendiculaire à $[AB]$ et qui passe par le milieu I de $[AB]$.

SI un M est un point la médiatrice de $[AB]$,
ALORS M est équidistant (« à égale distance ») de A et de B c'est à dire : $MA = MB$.

SI un point M est équidistant de A et de B ,
ALORS M se trouve sur la médiatrice de $[AB]$.

b. Cercle :

Le cercle de centre O et de rayon R (R est un NOMBRE) est l'ensemble de tous les points situés à une distance R du point O .

c. Cercle circonscrit à un triangle :

Chaque triangle possède un cercle qui passe par ses 3 sommets. Son centre est I , le point de concours des médiatrices des 3 cotés du triangle.

On dit que c'est le cercle circonscrit au triangle.

$$IA = IB = IC$$