

I. RACINE CARRÉE D'UN NOMBRE POSITIF.

Soit a un nombre positif.

On appelle **racine carrée** de a (notée \sqrt{a}) **LE** nombre positif dont le carré vaut a .

C'est à dire :

$$\text{Pour tout nombre « a » positif, } \sqrt{a} \times \sqrt{a} = a$$

Exemples :

$$3^2 = 9 \text{ et } (-3)^2 = 9 \text{ donc la racine carrée de 9 est 3. On note : } \sqrt{9} = 3.$$

$$(1,5)^2 = 2,25 \text{ et } (-1,5)^2 = 2,25 \text{ donc la racine carrée de 2,25 est 1,5. On note : } \sqrt{2,25} = 1,5$$

En particulier :

$$\sqrt{0} = 0$$

$$\sqrt{1} = 1$$

$$\sqrt{2} \text{ (valeur exacte)} \approx 1,414 \ 213 \ 562\dots \text{ (valeur approchée)}$$

Remarque :

Puisqu'un carré est toujours positif, un nombre négatif n'a pas de racine carrée.

II. ÉQUATIONS DU TYPE « $x^2 = a$ ».**Exemple :**

L'équation $x^2 = 5$ admet 2 solutions : $\sqrt{5}$ et $-\sqrt{5}$.

En effet :

$$\text{Si } x = \sqrt{5}, \text{ alors } x^2 = (\sqrt{5})^2 = 5.$$

$$\text{Si } x = -\sqrt{5}, \text{ alors } x^2 = (-\sqrt{5})^2 = (\sqrt{5})^2 = 5.$$

RÈGLE :

Quand a est un nombre positif, l'équation « $x^2 = a$ » admet deux solutions : \sqrt{a} et $-\sqrt{a}$.

Remarques :

Si $a = 0$, l'équation « $x^2 = 0$ » n'admet qu'une seule solution car $\sqrt{0} = -\sqrt{0} = 0$.

Si a est négatif, l'équation « $x^2 = a$ » n'a pas de solution car UN CARRÉ EST TOUJOURS POSITIF.

III. CALCULS SUR LES RACINES CARRÉES.

Soit a et b deux nombres positifs.

$$\sqrt{ab} = \sqrt{a} \cdot \sqrt{b}$$

$$\sqrt{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}}$$

Exemples :

$$\sqrt{12} = \sqrt{4 \times 3} = \sqrt{2^2 \times 3} = \sqrt{2^2} \times \sqrt{3} = 2\sqrt{3}$$

$$\sqrt{\frac{5}{9}} = \sqrt{\frac{5}{3^2}} = \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{3^2}} = \frac{\sqrt{5}}{3}$$

Par convention, on essaiera toujours d'écrire les racines carrées de façon simplifiées, c'est à dire :

- En « faisant sortir les carrés de la racine ».
- En ne laissant pas de racines carrées au dénominateur.

ÉCRITURE NON SIMPLIFIÉE	$\sqrt{12}$	$\sqrt{\frac{5}{9}}$
ÉCRITURE SIMPLIFIÉE	$2\sqrt{3}$	$\frac{\sqrt{5}}{3}$